Análise das Causas de Variação Atribuídas a Diferentes Instrumentos Metrológicos para Verificação das Características Geométricas de um Processo de Soldagem por Pontos

(Variation Causes Analysis Attributed to Different Metrological Instruments to Verify the Geometric Characteristics of a Spot Welding Process)

Fabrício Alves de Almeida^{1*}, José Henrique de Freitas Gomes¹, Guilherme Ferreira Gomes², Estevão Luiz Romão¹, Pedro Paulo Balestrassi¹

¹Universidade Federal de Itajubá, Instituto de Engenharia de Produção e Gestão, Itajubá, Minas Gerais, Brasil, <u>fabricio.alvesdealmeida@gmail.com</u>

²Universidade Federal de Itajubá, Instituto de Engenharia Mecânica, Itajubá, Minas Gerais, Brasil

Resumo

Neste estudo, buscou-se analisar a variabilidade de instrumentos utilizados na indústria para avaliar as características geométricas de um ponto de solda. Para tal, inicialmente, utilizou-se da técnica de planejamento de experimentos para gerar um arranjo fatorial fracionado para as configurações dos parâmetros de soldagem em corpos de prova de aços galvanizados por imersão a quente, a fim de representar a amplitude real do processo de soldagem por pontos. Para as análises, utilizou-se o estudo de repetitividade e reprodutibilidade (GR&R), pelo método de análise de variância, para identificar os componentes de variação do sistema de medição avaliando três instrumentos distintos, comparando as medições realizadas por um analisador de imagens, a partir do ensaio metalográfico, e métricas de instrumentos convencionais de metrologia como o relógio apalpador e o paquímetro manual. Foram avaliadas duas características da qualidade, sendo elas: a profundidade de indentação e o diâmetro do ponto. A partir dos resultados foi possível verificar que o analisador de imagem apresentou uma menor variabilidade nas medições, caracterizando-se como a melhor escolha para as medições das respostas de qualidade do processo de solda por pontos apresentando um GR&R classificado como aceitável.

Palavras-chave: Profundidade de indentação; Diâmetro do ponto; análise do sistema de medição; GR&R; variabilidade.

Abstract: In this study, we sought to analyze the variability of instruments used in industry to evaluate the geometric characteristics of a welding point. For this purpose, the design of experiments technique was used to generate a fractional factorial design for the welding parameter configurations in test specimens of hot dip galvanized steels in order to represent the real amplitude of the resistance spot welding process. For the analyzes, the repeatability and reproducibility (GR&R) study was used by the analysis of variance method to identify the variation components of the measurement system by evaluating three different instruments, comparing the measurements performed by an image analyzer, from the metallography and measurements of conventional metrology instruments such as the dial-gauge and the caliper. Two quality characteristics were evaluated: indentation depth and nugget width. From the results it was possible to verify that the image analyzer presented a lower variability in the measurements, being the best choice for the measurements of the quality responses of the spot welding process, presenting a GR&R classified as acceptable.

Key-words: Indentation depth; nugget width; measurement system analysis; GR&R; variability.

1. Introdução

O processo de soldagem por pontos, ou simplesmente RSW (*Resistance Spot Welding*) é um método de junção de estruturas amplamente utilizada no setor automobilístico [1], se destacando entre os processos de soldagem por apresentar características que favorecem a indústria com operação ágil, facilmente adequada para processos automáticos, manuseio simples, aplicações diversas e baixo custo [2-7]. Dada sua ampla aplicabilidade e importância na indústria, novas metodologias para ajuste de parâmetros são aplicadas para aperfeiçoar o RSW, favorecendo o controle e a capabilidade desse processo [8].

Para verificação da qualidade, destacam-se alguns métodos que acompanham o processo de soldagem em tempo real, tais como o ultrassom [9] [10], deslocamento do eletrodo [11] [12] e raio X [13]. Em outras situações consegue-se a análise por meio de instrumentos convencionais, muito utilizados na indústria [14], como também por métodos que permitem avaliar diversas características geométricas do produto soldado, como a análise por

*Autor para quem toda a correspondência deve ser encaminhada: fabricio.alvesdealmeida@gmail.com

imagem. O relógio apalpador mensura a característica profundidade de indentação (PI) e o paquímetro, após realizado o cisalhamento da peça, mensura a característica diâmetro do ponto soldado (DP). Já a análise de imagem é feita a partir de um ensaio metalográfico, e é capaz de medir ambas características em uma mesma imagem.

Normalmente as medições não são realizadas durante a soldagem, como em testes destrutivos no setor automotivo. Neste caso, faz-se uso de métodos quantitativos para verificar a qualidade desse processo, onde, segundo Majeske [15], deve-se validar o dispositivo de medição antes da coleta de dados.

Em ambientes industriais geralmente encontram-se profissionais qualificados que realizam a medição das características geométricas, como PI e o DP, utilizando instrumentos mecânicos convencionais, tais como o relógio apalpador e o paquímetro [14]. Ambas as medições são consideradas críticas para a qualidade, onde considera-se o valor de PI aceitável desde que seja inferior a 30% da espessura da chapa a ser soldada, já que uma maior indentação impacta diretamente a superfície e a capacidade de carga da solda. A indentação excessiva pode criar uma ligação fraca entre soldas e chapas de metal, especialmente em chapas empilhadas de soldagem de espessuras diferentes [16].

Estas análises permitem avaliar a qualidade do ponto soldado e apresentam ampla aplicabilidade nas indústrias, impulsionando-as a melhorarem sua eficiência. Entretanto, melhorar apenas a produção pode não favorecer o processo como um todo, uma vez que os procedimentos de medição apresentam variabilidade, que pode ter origem no próprio sistema de medição (SM) (causa especial), bem como no processo de fabricação (causa comum) [17-22]. Portanto, faz-se necessário verificar a variabilidade do sistema de medição utilizado em processos industriais, como no RSW. Além disso, é importante destacar que em processos industriais, o erro de medição deve ser evitado, para que seja possível avaliar variabilidade e capabilidade do processo em si.

Em metodologias voltadas essencialmente para a qualidade, como a metodologia Seis Sigma, antes de analisar o processo, verifica-se se o SM é capacitado [18]. Uma das técnicas utilizada para avaliar os componentes de variação do SM, de acordo com Peruchi *et al.* [23], é o estudo de repetitividade e reprodutibilidade, ou simplesmente GR&R (*Gage Repeatability and Reproducibility*), no qual quantifica-se a variabilidade do sistema, segregando e comparado a variação do SM, além de avaliar a variabilidade do processo de medição por meio da análise de variância (ANOVA).

A repetitividade (Figura 1a) se caracteriza pela variação dentro do sistema em condições fixas e já definidas de medições (peça, ambiente, operador, instrumento entre outras), ou seja, a variação adquirida em um equipamento de medição utilizado várias vezes por um operador medindo uma única peça [15] [24-28]. Deste modo, a reprodutibilidade (Figura 1b) caracteriza-se pela variação média entre sistemas avaliados, sendo a variação encontrada na média de diferentes operadores utilizando um mesmo equipamento para realizar a medição de uma única peça [22] [24] [29-33].



Figura 1 – Resultados de (a) repetitividade e (b) reprodutibilidade de um sistema de medição considerando diferentes operadores para um mesmo processo.

Sob o mesmo ponto de vista, dentre os métodos aplicados junto ao GR&R, o ANOVA é amplamente utilizado em trabalhos como [21] [25-26] [29] [34-41]. Alguns estudos recentes também realizam análise do sistema de medição no processo de RSW como [11] [42-44]. Entretanto, ainda é escasso o número de trabalhos que comparam os instrumentos de medição utilizados no processo de RSW. Além disso, não se encontram disponíveis na literatura trabalhos que contrastam as características geométricas do ponto soldado utilizando o método ANOVA.

Assim, dada a importância que um sistema de medição apresenta em processos industriais, sobretudo em RSW, este artigo se propõe a realizar uma análise comparativa dos seguintes métodos de medição: ensaios metalográficos e por meio de instrumentos convencionais como o relógio apalpador e paquímetro. Os dados obtidos nas medições e que, utilizou-se para comparação dos instrumentos, foram as características de DP e PI,

já que essas são respostas de qualidade avaliadas durante a verificação dos produtos soldados no processo de RSW.

Se faz necessário destacar que o processo de soldagem seguiu a técnica de planejamento de experimentos, ou DOE (*Design of experiments*), visando obter os dados que representam a amplitude real do processo de soldagem e realizando o menor número de experimentos possível sem prejudicar a análise estatística provida por essa metodologia. Para analisar a variabilidade das medições, utilizou-se o GR&R a partir do método univariado ANOVA para verificar a capabilidade do sistema de medição destes instrumentos no processo de soldagem a ponto por resistência elétrica. Dessa forma, o presente artigo tem como objetivo avaliar a consistência das medições realizadas pelos instrumentos, permitindo inferir a identificação e análise de causas de variação encontradas, além de avaliar qual dos instrumentos apresenta maior confiabilidade nas medições para o processo RSW, sendo que ambos instrumentos são amplamente utilizados, tanto na indústria, como em pesquisas [14]. Além disso, é possível verificar o grau de consistência dos operadores, atribuindo a eles, caso necessário, a variabilidade nas medições. É válido destacar que, não consta no escopo desse trabalho avaliar o processo de soldagem em si, mas sim analisar e, consequentemente, comparar a variabilidade atribuída aos instrumentos de medição avaliando características como DP e PI em diferentes corpos de prova, gerados a partir de um DOE em um processo de RSW.

Este artigo segue a seguinte sequência: uma revisão bibliográfica sobre o processo RSW e a técnica de GR&R pelo método ANOVA. Na sequência, a seção 3 descreve os materiais e métodos empregados na elaboração do trabalho. Resultados experimentais e estatísticos são exibidos na seção 4. Por fim, a seção 5 trata das conclusões pertinentes e relevantes do assunto.

2. Fundamentação Teórica

2.1. O Processo de Soldagem por Pontos

Caracterizado por ser utilizado em grande escala na manufatura, o processo de soldagem a ponto se dá pela junção de duas peças de metal por meio da fusão do metal, sobrepostas por dois eletrodos que geram uma força e aquecimento suficiente no ponto de solda, perante a passagem de uma corrente elétrica [14].

O ciclo de soldagem do RSW apresenta uma série de etapas, essa sequência do processo pode ser verificada na Figura 2.



Figura 2 - O ciclo de soldagem por pontos exibindo as cinco principais fases do processo. Adaptado de [42].

No *Passo 1*, os eletrodos interceptam as peças a serem soldadas fornecendo uma determinada força (F) sobre as mesmas garantindo um bom assentamento; *Passo 2*, ainda sob pressão, a corrente elétrica (I_w) passa pelo sistema iniciando a formação do ponto de solda; *Passo 3*, após o ponto ser formado, a corrente elétrica é interrompida, mas mantem-se a pressão mecânica dos eletrodos sobre as peças até que o ponto se solidifique; *Passo 4*, a força *F* exercida se cessa; por fim, *Passo 5*, os eletrodos deixam de interceptar as peças.

Do mesmo modo, um processo de soldagem apresenta três conjuntos de parâmetros principais de regulagem, sendo eles: Corrente de soldagem, tempo de soldagem e força, ou pressão, do eletrodo. Estes parâmetros de controle estão presentes em diversos trabalhos que utilizam a RSW, tais como: [45-57]. Conhecer os fatores controláveis e incontroláveis do processo, bem como configurar adequadamente os parâmetros para a realização do processo de soldagem, favorecem para garantir um bom produto soldado, uma vez que esses fatores impactam na sua geometria e qualidade final [58].

É possível verificar a qualidade do RSW através de ensaios específicos [59]. Durante o processo é possível atribuir algumas geometrias que servem de caracterização da qualidade da solda a ponto, como a profundidade

de indentação (PI) e o diâmetro do ponto soldado (DP) [58]. Tais características podem ser verificadas conforme a Figura 3.



Figura 3 - Caracterização geométrica do ponto soldado.

Segundo Zhang *et al.* [46], o *nugget*, ou ponto de solda, deve apresentar como condições principais para avaliação da qualidade a aparência e força adequada, ou seja, é importante que o ponto soldado tenha um tamanho adequado. Segundo Zhang & Senkara [14], os requisitos sobre tamanhos de solda são possivelmente os critérios mais comumente usados em relação à qualidade da solda, onde o tamanho do *nugget* pode ser significativamente distinto para diferentes aplicações. O nível da penetração da solda deve estar entre $3\sqrt{th}$ e $6\sqrt{th}$, onde *th* é a espessura da peça, estando a maioria dos requisitos localizados entre de $4\sqrt{th}$ e $5\sqrt{th}$ e muitos tamanhos nominais de solda são ajustados nesta faixa [14]. O ponto de solda pode ser medido através do seu diâmetro, que é exposto após um teste de cisalhamento. A Figura 4 descreve o procedimento para medir o diâmetro do ponto (DP), na qual sua métrica se dá pela média aritmética entre o diâmetro maior com o diâmetro menor, $DP = \frac{1}{2} \times (D_{mín} + D_{máx})$.



Figura 4 - Procedimento manual de medição do diâmetro do ponto

Deste modo, este artigo utilizará o analisador de imagens e instrumentos mecânicos de metrologia, como o paquímetro e relógio apalpador, para mensurar as características de qualidade de diâmetro do ponto e profundidade de indentação.

2.2. Estudo de Repetitividade e Reprodutibilidade (GR&R)

O estudo de Repetitividade e Reprodutibilidade busca avaliar os elementos de variação de um sistema de medição, determinando se essa variabilidade é menos significativa que a apresentada no processo [25, 33, 60]. Pode-se considerar dois casos de controle para o SM, sendo eles o de *produto* e o de *processo*:

Poue-se considerar dois casos de controle para o sivi, sendo eles o de *produto* e o de *processo*.

- Produto: associado a decisões binárias, para produtos aprovados e não aprovados, perante inspeções por amostragem ou inspeções 100%, onde o GR&R visa estimar a tolerância do produto, não verificando o processo;
- Processo de medição: associado a decisões direcionadas à adequação do SM para controlar o
 processo, visando o mesmo. Busca a estabilidade e entendimento da variabilidade natural do processo
 de medição.

Em pesquisas voltadas a análise do sistema de medição, ou MSA (*Measurement System Analysis*), tem-se o %*R&R* e *ndc* como os dois principais indicadores comumente utilizados para mensurar e avaliar o SM [19-20, 24-25, 41, 61-63]:

- %*R&R*: a estatística de porcentagem de Repetitividade & Reprodutibilidade (R&R), que dimensiona o desvio padrão do SM perante o desvio padrão total. Equação (1).
- *ndc*: também conhecido como índice Sinal-Ruído, ou SNR (*Signal-to-Noise Ratio*), o número de categorias distintas, ou simplesmente *ndc* (*number of distinct categories*), dimensiona a variabilidade do SM. Equação (2).

$$\% R\&R = \left(\frac{\sigma_{SM}}{\sigma_T}\right) 100\%$$
⁽¹⁾

$$ndc = \sqrt{\frac{2\sigma_P^2}{\sigma_{SM}^2}} = 1.41 \frac{\sigma_P}{\sigma_{SM}}$$
(2)

O processo pode ser dividido em uma determinada quantidade de categorias e podendo ser representado a partir da estatística de variabilidade do sistema de medição chamada de *ndc* [15, 19-20, 24-25, 33, 61-62]. Se faz importante mencionar que o número de categorias distintas deve ser maior ou igual a 5. A Tabela 1 apresenta as diretrizes de aceitação do SM [15, 18-20, 24-25, 33, 41, 61-64].

Tabela 1 - Critério de classificação para o sistema de medição.

Sistema de Medição	%GR&R
Aceitável	< 10%
Marginal	10% - 30%
Inaceitável	> 30%

Em estudos GR&R onde se avalia uma única característica da qualidade, analisa-se uma única variável de resposta a fim de verificar a mesma diante a capabilidade do sistema de medição. Diante aos métodos usualmente utilizados, Wang & Chien [33] enfatizam, para abordagens univariadas, o método de análise de variância (ANOVA) e o método de Média e Amplitude (M&A). O método ANOVA se destaca, perante o M&A, pois estima com maior precisão as variâncias, além de proporcionar um maior número de informações, uma vez que fornece dados de interação entre operador e peça [24].

2.2.1 Método de Análise de Variância (ANOVA)

A variabilidade em medições de casos univariados pode originar do erro do operador, variabilidade do instrumento de medição ou mesmo erro do próprio produto. Assim, para um estudo GR&R completo, tem-se o seguinte modelo descrito na Equação 3 [18, 25-27, 29, 61, 65- 67]:

$$y = \mu + \alpha_i + \beta_j + (\alpha \beta)_{ij} + \varepsilon_{ijk} \begin{cases} i = 1, 2, ..., p \\ j = 1, 2, ..., o \\ k = 1, 2, ..., r \end{cases}$$
(3)

Sendo, y referente à variável de resposta, μ a média dos valores, $\alpha_i \sim N(0, \sigma_{\alpha})$ é a variável aleatória para peça, $\beta_j \sim N(0, \sigma_{\beta})$ a variável aleatória para operador, $\alpha \beta_{ij} \sim N(0, \sigma_{\alpha\beta})$ refere-se à interação e $\varepsilon_{ijk} \sim N(0, \sigma_{\varepsilon})$ o termo de erro estimado. Tem-se para *p* o número de peças, *o* número de operadores e *r* a quantidade de réplicas.

Posteriormente, tratando-se de ensaios destrutivos, ou seja, no qual a repetitividade é realizada em uma nova réplica, o modelo apresenta termo de interação não significativo. Desta forma, tem-se a Equação 4.

$$y = \mu + \alpha_i + \beta_j + \varepsilon_{ijk} \tag{4}$$

A representação dos componentes de variação estimados para um GR&R com interação significativa e não significativa estão descritos na Tabela 2 [19-20, 22, 38, 41, 62].

	Tabela 2 –	- compon	entes de variação estimados para	a o GR&R
			Com interação	Sem interação
Processo	$\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle P}^2$	=	$\hat{\sigma}_{\alpha}^2 = \frac{MQP - MQPO}{or}$	$\hat{\sigma}_{\alpha}^{2} = \frac{MQP - MQE}{or}$

Repetitividade	$\hat{\sigma}^2_{ ext{repetitive} ext{ade}}$	=	$\hat{\sigma}_{\varepsilon}^2 = MQE$	$\hat{\sigma}_{\varepsilon}^2 = MQE$
Reprodutibilida de	$\hat{\sigma}_{ ext{reprodutiblidade}}^2$	=	$\hat{\sigma}_{\beta}^{2} + \hat{\sigma}_{a\beta}^{2} = \frac{MQO - MQPO}{pr} + \frac{MQPO - MQE}{r}$	$\hat{\sigma}_{\beta}^{2} = \frac{MQO - MQE}{pr}$
Sistema de Medição	$\hat{\sigma}^2_{\scriptscriptstyle MS}$	=	$\hat{\sigma}_{ ext{repetitividade}}^2 + \hat{\sigma}_{ ext{reprodutiblidade}}^2$	$\hat{\sigma}_{ ext{repetitivelade}}^2 \!+\! \hat{\sigma}_{ ext{reprodutiblidade}}^2$
Variação Total	$\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle T}^2$	=	$\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle P}^2+\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle MS}^2$	$\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle P}^2+\hat{\sigma}_{\scriptscriptstyle MS}^2$

Sendo MQP, MQO, MQPO e MQE respectivamente, a média quadrática para a parte fatorial, média quadrática para o fator operador, a média quadrática para o termo de interação e a média quadrática para o termo do erro.

3. Processo Experimental e Definição de Parâmetros

Todos os corpos de prova empregados neste estudo foram preparados em uma máquina de soldagem de classificação estacionária (marca *Presol Transweld*®, modelo TWPRV50) de potência nominal de 50 kVA, AC e corrente máxima de 6kA, como ilustrado na Figura 5. Em adição, eletrodo de cromo-zircônio (Grupo A, classe 2), foi empregado para soldagem dos corpos de prova. Os materiais de estudo utilizados foram chapas de aço carbono galvanizado à quente (AISI 1012 – 0.10-0.15% C, 0.3-0.6% Mn, 0.005% Al, \leq 0.03% P, \leq 0.05% S, 40-50 g/m³ Zn) com 0.8 mm de espessura. As chapas foram preparadas de acordo com as especificações de dimensionalidade de acordo com a norma da Sociedade Americana de Soldagem, ou AWS (*American Welding Society*) [67], como exibido na Figura 6.



Figura 5 - Equipamento utilizado para a soldagem dos corpos de prova. Máquina TWPRV50 Presol Transweld®.



Figure 6 - Dimensões dos corpos de prova utilizados. Adaptado de [42]

A metodologia de planejamento de experimentos foi utilizada para executar adequadamente o procedimento experimental. De acordo com [68], o DOE é uma importante estratégia estatística para modelar experimentos. Assim, para a coleta de dados, uma matriz experimental foi criada utilizando-se de tal metodologia, para que as características das peças possam representar uma amplitude real do processo de RSW. Os limites para os parâmetros de soldagem foram determinados com base em testes preliminares, a fim de evitar o modo de falha do tipo "interfacial" no ponto de solda. A Tabela 3 exibe os valores definidos (valores máximos e mínimos), ressaltando que a pressão do eletrodo foi fixada em 2 *bar*.

Danâmatraa	Unidade -	Níveis trabalhados		
Parametros		-1	+1	
$T_{pré-aquecimento}$	[Ciclos]	5	11	
I pré-aquecimento	[% <i>kA</i>]	66	74	
$T_{soldagem}$	[Ciclos]	7	17	
I soldagem	[% <i>kA</i>]	75	83	

Tabela 3 – Limite dos parâmetros de regulagem para um processo de soldagem.

Diante aos limites especificados na Tabela 3, gerou-se um Arranjo Fatorial Fracionado (Tabela 4), com finalidade de se obterem peças de características distintas e que representem bem a amplitude do processo de soldagem. A coleta das características críticas da qualidade utilizando os instrumentos mecânicos convencionais, iniciou-se com a medição da profundidade de indentação (PI) a partir do relógio apalpador da marca *Mitutoyo* com resolução de 0.01 milímetros (Figura 7a) acoplados para as medições a partir de um bloco magnético. Em seguida, os corpos de prova foram submetidos ao teste de cisalhamento para exposição do ponto soldado e realização da métrica do diâmetro do ponto (DP) a partir do um paquímetro universal *Digimess* com graduação 0,05mm/1/128" (Figura 7b). O teste de cisalhamento fora realizado a partir de um servomotor hidráulico *Instron*® modelo 8801 com força axial de 100 kN.

Configuração de entrada						
N	$T_{\it pré-aquecimento}$	$I_{\it pré-aquecimento}$	$T_{soldagem}$	I soldagem		
	(ciclos)	(%kA)	(ciclos)	(%kA)		
1	11	74	7	83		
2	11	66	17	83		
3	5	74	7	83		
4	11	74	7	75		
5	5	66	17	83		
6	11	66	17	75		
7	5	74	17	83		
8	11	74	17	83		



Figura 7 - Instrumentos mecânicos de medição: (a) Relógio apalpador Mitutoyo e (b) Paquímetro Universal Digimess.

A coleta dos dados de medições por imagem foi realizada com uma nova réplica idêntica a partir da preparação metalográfica. Os corpos de prova foram marcados no centro do ponto, destacando o diâmetro real do mesmo e foram particionados, utilizando um disco abrasivo e com refrigeração. Em seguida, realizou-se o embutimento a quente das amostras utilizando o baquelite com particulado MP39, o que permitiu um melhor manuseio para realizar o acabamento das peças. Diante disto, os corpos de prova foram lixados em uma máquina semiautomática com lixas de diferentes granulometrias (100, 200, 400 e 1200 respectivamente), o que possibilitou a melhoria da rugosidade superficial. Por fim, realizou-se o polimento dos corpos de prova e um ataque químico com Reativo de Iodo durante 15 segundos, de forma a possibilitar a identificação e visualização das características geométricas do produto soldado. A captura das imagens com um estereoscópio modelo SZ61 da marca *Olympus*®, com aumento de 20 vezes e analisado através do *software Analysis Five*®, Figura 8.



Figura 8 – Captura da imagem de uma das peças do estudo

Para contemplar todas os itens necessários para um estudo de GR&R, contou-se com a colaboração, para coleta de dados em ambos os instrumentos, 4 operadores distintos nos quais: 1 operador especialista em metrologia dimensional, 1 operador com ampla experiência industrial e 2 operadores com alta experiência acadêmica em processos de soldagem e metalurgia. Antes da coleta de dados os operadores foram devidamente treinados pelo operador especialista em metrologia.

Todos os ensaios de medições foram realizados de modo aleatorizado com 8 medições cada, para 3 réplicas, utilizando 4 operadores distintos, totalizando 96 dados para cada ensaio coletando duas características distintas da qualidade (DP e PI), apresentando um total de 384 dados de medição, descritos na Tabela 5. É importante

ressaltar que a medição da profundidade de indentação foi realizada na face superior do corpo de prova para ambos os instrumentos (relógio apalpador e análise de imagem), na qual apresenta maior valor de profundidade de indentação.

	_	Análise	por imag	gem - PI	Análise	por imag	gem - DP	Relà	igio Apalį	oador	Р	aquímetr	<i>°0</i>
p	0	<i>r</i> = 1	<i>r</i> = 2	<i>r</i> = 3	<i>r</i> = 1	<i>r</i> = 2	<i>r</i> = 3	<i>r</i> = 1	<i>r</i> = 2	<i>r</i> = 3	<i>r</i> = 1	<i>r</i> = 2	<i>r</i> = 3
1	А	0.1910	0.2023	0.1919	4.2946	4.2741	4.3528	0.1400	0.1200	0.1700	5.4000	5.3000	5.3000
1	В	0.2021	0.1909	0.2016	4.3239	4.3246	4.2935	0.2000	0.2000	0.2000	5.1000	5.1000	5.2000
1	С	0.2010	0.1916	0.1912	4.3440	4.3542	4.3542	0.1800	0.1800	0.1300	5.4500	5.4500	5.4500
1	D	0.1915	0.1908	0.1921	4.3843	4.3542	4.3843	0.2000	0.1900	0.2100	5.5000	5.7000	5.8000
2	А	0.2107	0.2116	0.2117	4.6539	4.7241	4.7844	0.1300	0.0500	0.1100	4.4000	4.4500	4.4000
2	В	0.2021	0.2122	0.2211	4.7436	4.7246	4.7544	0.1050	0.2100	0.2000	4.2500	4.3500	4.4000
2	С	0.2120	0.2222	0.2220	4.7342	4.7248	4.7335	0.2000	0.1800	0.0800	4.5500	4.5500	4.5500
2	D	0.2117	0.2016	0.2118	4.7243	4.8439	4.8544	0.1800	0.1700	0.2000	4.8500	4.8000	4.6500
3	А	0.1314	0.1214	0.1227	3.5340	3.6637	3.6440	0.1000	0.1000	0.1000	5.2000	5.2000	5.3000
3	В	0.1333	0.1217	0.1215	3.6045	3.6148	3.5648	0.2100	0.2100	0.2100	4.9000	4.7500	4.8500
3	С	0.1217	0.1214	0.1316	3.6448	3.6350	3.6444	0.1000	0.1000	0.1000	4.8000	4.8500	4.8500
3	D	0.1216	0.1310	0.1318	3.6741	3.6739	3.6546	0.1300	0.1400	0.1000	4.4000	4.4000	4.8000
4	А	0.0687	0.0723	0.0704	3.5444	3.5442	3.5643	0.0900	0.0700	0.0600	4.7500	4.8500	4.7000
4	В	0.0714	0.0691	0.0709	3.5745	3.5455	3.5344	0.1300	0.1300	0.1100	4.2000	4.3000	4.4500
4	С	0.0694	0.0689	0.0707	3.5343	3.5642	3.5138	0.1100	0.1200	0.1000	4.4500	4.5500	4.4500
4	D	0.0677	0.0718	0.0722	3.5251	3.5743	3.5743	0.1300	0.1200	0.1200	4.4000	4.1500	4.6000
5	А	0.2518	0.2524	0.2612	4.5848	4.5141	4.5237	0.1700	0.2100	0.1600	4.3000	4.4000	4.3000
5	В	0.2616	0.2612	0.2714	4.5540	4.5438	4.5639	0.2300	0.2800	0.2850	4.0500	4.1500	3.6000
5	С	0.2618	0.2511	0.2612	4.6136	4.6437	4.5847	0.1900	0.1200	0.1300	4.9000	5.0000	5.0000
5	D	0.2717	0.2711	0.2519	4.5336	4.5239	4.6239	0.2200	0.2200	0.2600	5.0000	4.6000	4.3000
6	А	0.2017	0.1918	0.2018	3.8045	3.7843	3.7950	0.1000	0.1500	0.1100	4.1000	4.0500	4.0500
6	В	0.1914	0.1915	0.2014	3.7946	3.8041	3.8246	0.2000	0.1500	0.1900	4.0000	4.1500	4.2000
6	С	0.2017	0.2013	0.2015	3.8439	3.8334	3.8341	0.1800	0.1800	0.0900	5.0000	5.1000	5.1000
6	D	0.2023	0.2019	0.1929	3.8439	3.8745	3.8744	0.2100	0.1600	0.1200	5.0000	5.2000	4.9500
7	А	0.1689	0.1715	0.1720	4.7939	4.8639	4.7944	0.1500	0.0600	0.1000	4.4000	4.4500	4.4000
7	В	0.1818	0.1715	0.1712	4.8237	4.8050	4.8139	0.3200	0.2000	0.2000	4.2000	4.3500	4.4000
7	С	0.1682	0.1725	0.1709	4.8346	4.8143	4.8248	0.1200	0.1400	0.1300	4.5000	4.6000	4.4500
7	D	0.1712	0.1638	0.1708	4.8144	4.9245	4.8441	0.2000	0.1500	0.2000	4.6500	4.9000	4.3000
8	А	0.1416	0.1430	0.1417	4.0739	4.1646	4.0846	0.1900	0.2700	0.2600	5.5000	5.4500	5.4500
8	В	0.1414	0.1410	0.1416	4.1445	4.1242	4.1339	0.3200	0.3300	0.3100	5.6500	5.7500	5.8000
8	С	0.1407	0.1421	0.1392	4.1841	4.1639	4.0938	0.1800	0.1800	0.1500	4.5500	4.6000	4.5000
8	D	0.1375	0.1415	0.1429	4.1243	4.1945	4.1841	0.3400	0.3200	0.3200	5.3500	5.1500	5.4500

Tabela 5 – Medições realizadas pelos instrumentos para cada característica da qualidade para o GR&R

Todos os valores apresentam escala em milímetros (mm).

4. Resultados e Discussão

A partir dos dados coletados, a aplicação e análise foram realizadas separadamente para as duas características de qualidade, sendo elas a profundidade de indentação (*PI*) e o diâmetro do ponto (*DP*).

4.1. Resultados para a Profundidade de Indentação (PI)

Inicialmente, visando calcular a diferença entre os pares de medições, utilizou-se o *teste t* pareado para determinar a média e mediana das suas variações e verificando se a média e mediana das diferenças, respectivamente, são significativas. A Tabela 6 apresenta os testes pareados para a profundidade de indentação considerando os dois instrumentos de medição. É possível verificar que as médias das diferenças são estatisticamente iguais, apresentando um *t-value* = -0.18, com probabilidade de 85.5% desta hipótese ser verdadeira.

Através da aplicação da ANOVA, tem-se que o termo de interação não é significativo para as medições realizadas pelo analisador de imagens, com *p-value* = 0.396 conforme apresentado na Figura 9a. Entretanto, para o instrumento relógio apalpador, pode-se verificar que o termo de interação é significativo, como ilustrado na Figura 9b com *p-value* = 0.000. O valor do nível de significância α , considerado para remoção do termo de interação, é igual a 5%. Ainda pela ANOVA é possível verificar que, para ambos instrumentos de medição, rejeita-se as hipóteses nulas das peças serem iguais, no qual apresentam *p-value* = 0.000. Entretanto, apenas para o analisador de imagem rejeita a hipótese nula dos operadores replicarem a mesma medição para a uma mesma

peça (*p*-value = 0.000), uma vez que, para as métricas realizadas pelo Relógio Apalpador apresentou, para esta análise, *p*-value = 0.683.

Tabela 6 – Testes pareados para profundidade de indentação						
Amostra	Ν	Média	DesvPad	EP Média		
Relógio Apalpador	32	0.1696	0.0620	0.0110		
Analysis Five	32	0.1719	0.0559	0.0099		
Diferença Pareada	32	-0.0023	0.0709	0.0125		
	Teste t da diferença das médias = 0 (vs ≠					
t-value			-0.18			
p-value			0.855			



Realizando um estudo de repetitividade e reprodutibilidade de caráter univariado para cada um dos instrumentos de medição, tem-se os indicadores de avaliação GR&R descritos na Tabela 7. A partir da aplicação do estudo, é possível verificar que a % R & R se classificou como *inaceitável* para o relógio apalpador, enquanto o estudo das medições pelo analisador de imagens fora classificado como *aceitável*, com % R & R = 8.63 e o número de categoria distintas identificadas pelo sistema igual a 16.

rabela 7 - GR&R para profundidade de indentação						
Fonta	Analisador de	imagem	Relógio Apalpador			
Fonte	σ	% Contribuição	σ	% Contribuição		
$\sigma_{GR\&R}$	0.0050865	8.63	0.0541768	76.31		
$\sigma_{repetitividade}$	0.0050865	8.63	0.0315651	44.46		
$\sigma_{reprodutibilidade}$	0	0	0.0440315	62.02		
$\sigma_{operadores}$	0	0	0.0383582	54.03		
$\sigma_{peça imes operadores}$	_	-	0.0216199	30.45		
$\sigma_{peça-a-peça}$	0.0587189	99.63	0.0458871	64.63		
$\sigma_{peça}$	0.0587189	99.63	0.0458871	64.63		
σ_T	0.0589388	100	0.0709982	100		
ndc		16		1		

Tabela 7 - GR&R para profundidade de indentação

Com finalidade de avaliar e comparar a distribuição das medições para cada um dos instrumentos, foi gerado um gráfico do tipo "*Boxplot*" que visa exibir a forma, tendência central e variabilidade da amostra analisada. Para tal, tem-se o comparativo para cada uma das 8 peças, ilustradas na Figura 10. Deste modo, é possível verificar, graficamente, a diferença da variabilidade dos dois instrumentos, onde o relógio apalpador se mostrou menos eficaz quando comparado à medição realizada através do analisador de imagens. Além disso, destaca-se a presença de valores discrepantes (*outliers*) nas métricas da peça 7.



Figura 10 - Boxplot para profundidade de indentação

4.2. Resultados para o Diâmetro do Ponto (DP)

O segundo estudo realizado foi para analisar os resultados da medição do diâmetro do ponto de solda. Após realizar todas as medições pelo relógio apalpador, os corpos de provas foram submetidos ao teste de cisalhamento, com intuito de realizar a ruptura e consequentemente expor o ponto soldado para que o mesmo fosse medido.

A partir de um paquímetro universal Digimess, Figura 7b, e através do software analisador de imagens Analysis Five® fora realizado as medições, seguindo a aleatoriedade da coleta, obtendo, assim, 96 dados de medições, coletadas randomicamente, disponíveis na Tabela 5.

Nos testes pareados para tal característica da qualidade, Tabela 8, é possível verificar que a média das diferenças não são estatisticamente iguais para um nível de significância de 5%, apresentando p-value = 0.000.

Tabela 8 – Testes pareados para o diâmetro do ponto						
Amostra	Ν	Média	DesvPad	EP Média		
Paquímetro	32	4.7542	0.4753	0.0840		
Analysis Five	32	4.2034	0.4751	0.0840		
Diferença Pareada	32	0.551	0.701	0.124		
	Teste t da diferença das médias = 0 (vs \neq 0					
t-value			4.44			
p-value	0.000					

Aplicando a análise de variância para as leituras do DP, constatou-se que, a partir das métricas do analisador de imagem, pode-se inferir que se rejeita as hipóteses nulas dos operadores replicarem a mesma medição para a uma mesma peça, bem como das peças serem iguais, tendo ambas um p-value = 0.000. Para as métricas realizadas pelo paquímetro, rejeita-se também a hipótese nula das peças serem iguais, porém não se rejeita a hipótese nula dos operadores realizarem as mesmas medições para uma única peça, apresentando p-value = 0.003 e p-value = 0.448, respectivamente.

No que diz respeito ao nível de interação entre peca e operador para cada um dos instrumentos utilizados, as métricas realizadas pelo analisador de imagens apresentaram termo de interação não significativo, com *p*-value = 0.567. Entretanto, para o instrumento paquímetro, pode-se verificar que o termo de interação é significativo, caracterizando-se pelo p-value = 0.000. O comportamento das interações entre peca e operador para o analisador de imagem e o paquímetro pode ser melhor visualizado na Figura 11a e 11b, respectivamente.



Figura 11 - Gráfico de interação para (a) Analisador de imagem e (b) Paquímetro

Diante aos indicadores de avaliação GR&R na Tabela 9, verifica-se que a %R&R para o paquímetro se classificou como inaceitável, apresentando uma alta porcentagem de variação das leituras para este instrumento. Entretanto, o analisador de imagens se classificou como aceitável para os dois índices (% R & R = 8.04 e ndc =17), mostrando que neste estudo tal instrumento apresentou menor variabilidade, consequentemente, menor erro de medição.

Tabela 9 - GR&R para diâmetro do ponto							
Fanta	Analisa	ador de imagem	Relógio Apalpador				
Fonte	σ	% Contribuição	σ	% Contribuição			
$\sigma_{GR\&R}$	0.040278	8.04	0.369652	73.96			
$\sigma_{repetitividade}$	0.033796	6.75	0.134145	26.84			
$\sigma_{reprodutibilidade}$	0.021912	4.38	0.344453	68.92			
$\sigma_{operadores}$	0.021912	4.38	0	0			
$\sigma_{peça imes operadores}$	_	_	0.344453	68.92			
$\sigma_{peça-a-peça}$	0.499109	99.68	0.336376	67.30			
$\sigma_{peça}$	0.499109	99.68	0.336376	67.30			
σ_T	0.500732	100	0.499792	100			
ndc		17		1			

Visando realizar uma análise comparativa graficamente da variabilidade e tendência central das mensurações realizadas com o analisador de imagens e o paquímetro, gerou-se gráficos do tipo "*Boxplot*" com intuito de avaliar as métricas para cada uma das oito peças. A partir da Figura 12, é possível verificar graficamente a diferença da variabilidade dos dois instrumentos, onde é possível verificar que há uma grande diferença na repetitividade das medições entre o analisador de imagens e o paquímetro, uma vez que a variabilidade das medições pelo paquímetro é visivelmente maior, caracterizando o que fora confirmado a partir dos testes pareados na Tabela 8. Além disso, verifica-se a presença de dois *outliers* nas métricas realizadas na peça 7, tanto para o analisador de imagem quanto pelo paquímetro, caracterizando um possível erro sistemático no processo.





Figura 12 - Boxplot para a característica diâmetro do ponto

4.3. Análise dos Resultados

Após verificar os resultados da aplicação do estudo GR&R a partir do método ANOVA, constatou que apenas as métricas realizadas pelo analisador de imagem (*Analysis Five*®) obteve uma classificação considerada aceitável ($\%R\&R \ e \ ndc$). Além disso, constatou-se pelos testes pareados e pelo *Boxplot* que tal instrumento apresentou menor variabilidade perante aos demais, relógio apalpador e paquímetro. Diante as análises é possível inferir que existe uma grande variabilidade atribuída aos instrumentos mecânicos, apresentando menor repetitividade nas medições, além de pontos fora de controle para a *peça* 7.

Com finalidade de verificar o comportamento dos operadores, gerou-se gráficos de ensaios de medição (*Gage Run Chart*) para cada instrumento e para cada uma das características analisadas. A Figura 13 apresenta o resultado do *Gage Run Chart* para a profundidade de indentação (PI), onde é possível verificar que as leituras realizadas pelo analisador de imagem (Figura 13a) apresenta maior homogeneidade nos resultados de leitura comparado aos do relógio apalpador (Figura 13b).

Aplicando o mesmo procedimento para a característica diâmetro do ponto (DP), verifica-se pelo *Gage Run Chart* da Figura 14a que o comportamento das métricas dos operadores não apresenta resultados discrepantes para o analisador de imagem. Entretanto, na Figura 14b, o comportamento dos operadores com paquímetro ilustra uma alta variabilidade, apresentando pouca homogeneidade nas mensurações. Faz-se necessário ressaltar que, para esta característica, o *operador D* apresentou maior variabilidade em seus resultados diante aos demais operadores.









Figura 14 - Gage Run Chart para (a) analisador de imagem e (b) paquímetro.

Além da avaliação dos resultados práticos sobre a variabilidade dos instrumentos, se faz necessário discutir também o que isso implica ao processo de soldagem. Sabe-se que no processo RSW, o ponto de solda muitas vezes pode ser irregular (não sendo perfeitamente esférico), além de não apresentar profundidade de indentação constante dado a diversos ruídos incontroláveis, como vibrações, que podem existir durante o processo. Deste modo, o ideal seria medir a região que apresente menor valor de diâmetro no ponto de solda e, consequentemente, o que apresente maior valor de profundidade de indentação, caracterizando como uma das limitações deste estudo, visto que, na análise por metalografia, fora realizada apenas uma única seção macrográfica para cada peça. O procedimento experimental desse estudo foi realizado de maneira minuciosa para que apresentasse a imagem adequada, proporcionando um plano no centro do ponto, entretanto, as inspeções de rotina em ambientes industriais podem não apresentar o mesmo cuidado, caracterizando maior variabilidade ao verificar a qualidade do produto soldado, onde o valor real das suas características geométricas pode não ser devidamente apresentado, como o diâmetro do ponto e a profundidade de indentação.

Diante aos resultados apresentados, pode-se inferir que as medições realizadas pela inspeção metalográfica apresentam uma menor variabilidade e maior consistência das medições. Entretanto, em termos de processo de soldagem, tem-se que esse tipo de inspeção pode não apresentar valores adequados, onde se faz necessário um estudo de bias e linearidade junto a uma avaliação por um método de medição tridimensional, como por tomografia, para avaliar, com precisões exatas, todas as características geométricas do ponto para cada um dos corpos de prova. Isso proporcionaria verificar a exatidão do instrumento de medição e, consequentemente, se os valores encontrados condizem aos valores reais das características das medições por inspeção metalográfica podem não apresentar um valor real das características geométricas para avaliar a qualidade do ponto de solda.

5. Conclusões

As leituras dimensionais através de instrumentos mecânicos são amplamente utilizadas na indústria por sua rápida avaliação e facilidade, enquanto a análise de imagem demanda mais tempo e disponibilidade para sua análise. Com intuito de verificar a variabilidade atribuída de diferentes instrumentos de medição para o processo de soldagem a ponto por resistência elétrica, este artigo realizou a comparação de distintos instrumentos de medição, verificando as características de profundidade de indentação e diâmetro do ponto. Para esta análise, utilizou-se testes pareados, com intuito de verificar a média das diferenças, e o estudo de repetitividade e reprodutibilidade, no qual fornece os componentes de variação e a classificação dos índices do sistema de medição. Além disso, verificou-se a variabilidade das métricas e comportamento dos operadores em relação aos dados coletados pelo analisador de imagem e os instrumentos mecânicos. Diante o estudo, verificando o grau de confiabilidade dos resultados para o processo de RSW, é possível inferir:

- Para a característica profundidade de indentação (PI), verificou-se através de testes pareados que a média das diferenças são estatisticamente iguais, para os dados coletados dos dois instrumentos. Diante ao estudo GR&R, o analisador de imagens classificou-se como aceitável, apresentando % R & R = 8.63 e o número de categorias distintas identificadas pelo sistema igual a 16. Entretanto, o relógio apalpador foi classificado como *inaceitável*. Constatou-se também que há uma coerência maior nas medições realizadas pelo analisador de imagem, onde as métricas do relógio apalpador apresentam uma alta variabilidade nos resultados, além de um valor discrepante (*outlier*) nas métricas da peça 7;
- O outro comparativo dos instrumentos de medição se dá entre o paquímetro e as medições realizadas pelo analisador de imagem para característica diâmetro do ponto. Neste caso, a média das diferenças não é estatisticamente igual para os dois instrumentos de medição, além de ser evidente a alta variabilidade dos dados coletados pelo paquímetro (*GR&R inaceitável*), diferentemente do que se constatou a partir das medições realizadas pelo analisador de imagem, que classificou seus resultados %*R&R* e *ndc* como aceitáveis, valores iguais a 8.04 e 17, respectivamente;
- Infere-se também que medições feitas através da análise por imagem apresentam um erro de medição menor, com resultados de maior coerência e confiabilidade para o processo produtivo. Os instrumentos mecânicos analisados neste estudo tendem a apresentar maior variabilidade nas leituras, o que pode ser causado por erros de histerese (relógio apalpador) e por um posicionamento difícil para a medida da largura da pepita (paquímetro);
- Ambos os instrumentos foram capazes de identificar causas de variação no processo de RSW, como no
 caso da peça 7 que apresentou maior variabilidade nas métricas realizadas para os instrumentos
 mecânicos, apresentando *outliers* nas leituras e sendo caracterizada como um erro sistemático do
 processo de medição. No entanto, o analisador de imagens forneceu resultados de medição mais
 consistentes e precisos. Assim, é possível que, em um primeiro momento, os instrumentos mecânicos
 não sejam a melhor escolha para avaliar a qualidade da solda por pontos com precisão.

Diante aos resultados, é possível concluir que a análise por inspeção metalográfica apresentou resultados mais consistentes entre as repetitividades e reprodutibilidades, apresentando baixa variabilidade diante aos instrumentos mecânicos. Contudo, visando a qualidade de solda a ponto e como proposta para estudos futuros, se faz necessário verificar se tais resultados apresentam os valores reais das características geométricas, onde um estudo de bias e linearidade seria capaz de avaliar a exatidão dos dispositivos, mediante a valores de referência, como em análises tridimensionais, por tomografia.

6. Agradecimentos

Os autores gostariam de agradecer o suporte do CNPq, CAPES e FAPEMIG.

7. Referências Bibliográficas

[1] GOMES, G. F., VIÉVILLE, P., DURRENBERGER, L. (2017) Dynamic behavior investigation of spot welding machines and its influence on weld current range by modal analysis. Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences and Engineering, vol. 39, no. 3, p. 765-773. DOI: 10.1007/s40430-016-0580-0

[2] ZHANG, Y., LI, Y., LUO, Z., YUAN, T., BI, J., WANG, Z. M., WANG, Z. P., CHAO, Y. J. (2016). Feasibility study of dissimilar joining of aluminum alloy 5052 to pure copper via thermo-compensated resistance spot welding. Materials & Design, vol. 106, p. 235-246. DOI: 10.1016/j.matdes.2016.05.117

[3] BI, J., SONG, J., WEI, Q., ZHANG, Y., LI, Y., LUO, Z. (2016). Characteristics of shunting in resistance spot welding for dissimilar unequal-thickness aluminum alloys under large thickness ratio. Materials & Design, vol. 101, p. 226-235. DOI: 10.1016/j.matdes.2016.04.023

[4] POURANVARI, M. MARASHI, S. P. H. (2013). Critical review of automotive steels spot welding: process, structure and properties. Science and Technology of welding and joining, vol. 18, no. 5, p. 361-403. DOI: 10.1179/1362171813Y.0000000120

[5] LI, Y. B., LI, Y. T., SHEN, Q., LIN, Z. Q. (2013). Magnetically assisted resistance spot welding of dualphase steel. Welding Journal, vol. 92, no. 4, p. 124-132.

[6] LI, Y. B., SHEN, Q., LIN, Z., HU, S. J. (2011). Quality improvement in resistance spot weld of advanced high strength steel using external magnetic field. Science and Technology of Welding and Joining, vol. 16, no. 5, p. 465-469. DOI: 10.1179/1362171811Y.000000002

[7] PEREIRA, A. M., FERREIRA, J. M., LOUREIRO, A., COSTA, J. D. M., BÁRTOLO, P. J. (2010). Effect of process parameters on the strength of resistance spot welds in 6082-T6 aluminium alloy. Materials & Design, vol. 31, no. 5, p. 2454-2463.

[8] MARQUES, P. V., MODENESI, P. J., BRACARENSE, A. Q. (2009). Welding: fundamentals and technology. Ed. UFMG, p. 293-306.

[9] ANDREOLI, A. F., CHERTOV, A. M., MAEV, R. Gr. (2016). Correlation between Peel Test and Real Time Ultrasonic Test for Quality Dignosis in Resistance Spot Welding. Soldagem e Inspeção, vol. 21, no 3, p. 282-289. DOI: 10.1590/0104-9224/SI2103.04.

[10] ULBRICH, D., KOWALCZYK, J., JÓSKO, M., SELECH, J. (2015). The analysis of spot welding joints of steel sheets with closed profile by ultrasonic method. Case Stududies in Nondestructive Testing and Evaluation, vol. 4, p. 8-14. DOI:10.1016/j.csndt.2015.09.002.

[11] AMARAL, F. F., ALMEIDA, F. A., COSTA, S. C., LEME, R. C., PAIVA, A. P. (2018). Aplicação da Metodologia de Superfície de Resposta para Otimização do Processo de Solda a Ponto no Aço Galvanizado AISI 1006. Soldagem & Inspeção, vol. 23, no. 2, p. 129-142. DOI: 10.1590/0104-9224/si2302.02.

[12] XING, B., XIAO, Y., QIN, QH. (2018). Characteristics of shunting effect in resistance spot welding in mild steel based on electrode displacement, Measurement, vol. 115. p. 233-242. DOI:10.1016/j.measurement.2017.10.049.

[13] SHIBALOV, M. V., KURKOV, A. A., MASLOV, A. E. (2016). A method for evaluating the reliability of welded joints on the basis of statistical processing of radiographic inspection results, Welding International. vol. 30, no. 1, p. 75-78. DOI:10.1080/09507116.2015.1030154.

[14] ZHANG, H., SENKARA, J. (2011). Resistance welding: fundamentals and applications. CRC press.

[15] MAJESKE, K. D. (2008). Approval criteria for multivariate measurement systems. Journal of Quality Technology, vol. 40, no. 2, p 140.

[16] AWS . AWS D8.7: ecomended Practices for Automotive Weld Quality - Resistance Spot Welding. Miami, FL: American Welding Society; 2004.

[17] PEREIRA, R. B. D., PERUCHI, R. S., DE PAIVA, A. P., DA COSTA, S. C., FERREIRA, J. R. (2016). Combining Scott-Knott and GR&R methods to identify special causes of variation. Measurement, vol. 82, p. 135-144. DOI: 10.1016/j.measurement.2015.12.033

[18] PERUCHI, R. S., BALESTRASSI, P. P., DE PAIVA, A. P., FERREIRA, J. R., CARMELOSSI, M. S (2013). A new multivariate gage R&R method for correlated characteristics. International Journal of Production Economics, vol. 144, no. 1, p. 301-315. DOI: 10.1016/j.ijpe.2013.02.018

[19] WOODALL, W. H., BORROR, C. M. (2008). Some relationships between gage R&R criteria. Quality and Reliability Engineering International, vol. 24, no. 1, p. 99-106. DOI: 10.1002/qre.870

[20] LI, M. H. C., AL-REFAIE, A. (2008). Improving wooden parts' quality by adopting DMAIC procedure. Quality and Reliability Engineering International, vol. 24, no. 3, p. 351-360. DOI: 10.1002/qre.905

[21] COSTA, R., ANGÉLICO, D., REIS, M. S., ATAÍDE, J. M., SARAIVA, P. M. (2005). Paper superficial waviness: Conception and implementation of an industrial statistical measurement system. Analytica Chimica Acta, vol. 544, no. 1, p. 135-142. DOI: 10.1016/j.aca.2005.02.027

[22] SENOL, S. (2004). Measurement system analysis using designed experiments with minimum α - β Risks and n. Measurement, vol. 36, no. 2, p. 131-141. DOI: 10.1016/j.measurement.2004.05.001

[23] PERUCHI, R. S., PAIVA, A. P., BALESTRASSI, P. P., FERREIRA, J. R., SAWHNEY, R. (2014). Weighted approach for multivariate analysis of variance in measurement system analysis. Precision Engineering, vol. 38, no.3, p. 651-658. DOI: 10.1016/j.precisioneng.2014.03.001

[24] AUTOMOTIVE INDUSTRY ACTION GROUP – AIAG (2010). Measurement systems analysis – Reference Manual. 4 ed. Chrysler, Ford, General Motors Supplier Quality Requirements Task Force.

[25] AL-REFAIE, A., BATA, N. (2010). Evaluating measurement and process capabilities by GR&R with four quality measures. Measurement, vol. 43, no. 6, p. 842-851. DOI: doi.org/10.1016/j.measurement.2010.02.016

[26] AWAD, M., ERDMANN, T. P., SHANSHAL, Y., BARTH, B. (2009). A measurement system analysis approach for hard-to-repeat events. Quality engineering, vol. 21, no. 3, p. 300-305. DOI: 10.1080/08982110902852344

[27] BURDICK, R. K., BORROR, C. M., MONTGOMERY, D. C. (2003). A review of methods for measurement systems capability analysis. Journal of Quality Technology, vol. 35, no.4, p. 342.

[28] WU, C. W., PEARN, W. L., KOTZ, S. (2009). An overview of theory and practice on process capability indices for quality assurance. International journal of production economics, vol. 117, no. 2, p. 338-359. DOI: 10.1016/j.ijpe.2008.11.008

[29] ERDMANN, T. P., DOES, R. J., BISGAARD, S. (2009). Quality quandaries*: a gage R&R study in a hospital. Quality Engineering, vol. 22, no. 1, p. 46-53. DOI: 10.1080/08982110903412924

[30] KNOWLES, G., VICKERS, G., ANTHONY, J. (2003). Implementing evaluation of the measurement process in an automotive manufacturer: a case study. Quality and Reliability Engineering International, vol. 19, no. 5, p. 397-410. DOI: 10.1002/qre.533

[31] POLINI, W., TURCHETTA, S. (2004). Test protocol for micro-geometric wear of sintered diamond tools. Wear, vol. 257, no. 3, p. 246-256. DOI: 10.1016/j.wear.2003.12.008

[32] VAN DEN HEUVEL, E. R., TRIP, A. (2002). Evaluation of measurement systems with a small number of observers. Quality Engineering, 15(2), 323-331. DOI: 1081/QEN-120015864

[33] WANG, F. K., CHIEN, T. W. (2010). Process-oriented basis representation for a multivariate gauge study. Computers & Industrial Engineering, 58(1), 143-150. DOI: 10.1016/j.cie.2009.10.001

[34] SHI, L., CHEN, W., LU, L. F. (2014). An approach for simple linear profile gauge R&R studies. Discrete Dynamics in Nature and Society, v. 2014. DOI: 10.1155/2014/816980

[35] DESHPANDE, A. A., RAMYA, A., VISHWESHWAR, V., DESHPANDE, G. R., ROY, A. K. (2014). Applications of gage reproducibility & repeatability (GRR): understanding and quantifying the effect of variations from different sources on a robust process development. Organic Process Research & Development, vol. 18, no. 12, p. 1614-1621. DOI: 10.1021/op5002935

[36] ZHU, X., ZHAO, Z., WANG, L., ZHANG, L. (2014). A new method to measure fat content in coconut milk based on Y-type optic fiber system. Optik-International Journal for Light and Electron Optics, vol. 125, no. 20, p. 6172-6178. DOI: 10.1016/j.ijleo.2014.06.115

[37] GARCÍA, A. C., DEL RÍO, A. G. (2013). Number of distinct data categories and gage repeatability and reproducibility. A double (but single) requirement. Measurement, vol. 46, no. 8, p. 2514-2518. DOI: 10.1016/j.measurement.2013.04.065

[38] KAIJA, K., PEKKANEN, V., MÄNTYSALO, M., KOSKINEN, S., NIITTYNEN, J., HALONEN, E., MANSIKKAMÄKI, P. (2010). Inkjetting dielectric layer for electronic applications. Microelectronic Engineering, vol. 87, no. 10, p. 1984. DOI: 10.1016/j.mee.2009.12.028

[39] LYU, J., CHEN, M. N. (2008). Gauge capability studies for attribute data. Quality and Reliability Engineering International, vol. 24, no. 1, p. 71-82. DOI: 10.1002/qre.868

[40] JOHNSON, J. A., WIDENER, S., GITLOW, H., POPOVICH, E. (2006). A "Six Sigma"© black belt case study: GEP Box's paper helicopter experiment part A. Quality Engineering, vol. 18, no. 4, p. 413-430. DOI: 10.1080/08982110600875894

[41] DEJAEGHER, B., JIMIDAR, M., DE SMET, M., COCKAERTS, P., SMEYERS-VERBEKE, J., VANDER HEYDEN, Y. (2006). Improving method capability of a drug substance HPLC assay. Journal of pharmaceutical and biomedical analysis, vol. 42, no. 2, p. 155-170. DOI 10.1016/j.jpba.2006.01.001

[42] ALMEIDA, F. A., GOMES, G. F., SABIONI, R. C., GOMES, J. H. F., PAULA, V. R., PAIVA, A. P., COSTA, S. C. C. (2018). A Gage Study Applied in Shear Test to Identify Variation Causes from a Resistance Spot Welding Measurement System. Journal of Mechanical Engineering, vol. 64, no. 10, p. 621-631. DOI: 10.5545/sv-jme.2018.5235.

[43] WAN, X., WANG, Y., ZHAO, D., HUANG, Y., YIN, Z. (2017). Weld Quality Monitoring Research in Small Scale Resistance Spot Welding by Dynamic Resistance and Neural Network. Measurement, vol. 99, p.120-127. DOI:10.1016/j.measurement.2016.12.010.

[44] DEGIDI, M., CALIGIANA, G., FRANCIA, D., LIVERANI, A., OLMI, G., TORNABENE, F. Strain gauge analysis of implant-supported, screw-retained metal frameworks: Comparison between different manufacturing technologies. (2016) Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part H: Journal of Engineering in Medicine; vol. 230, no. 9, p. 840-846. DOI:10.1177/0954411916653623.

[45] WAN, Z., WANG, H. P., CHEN, N., WANG, M., CARLSON, B. E. (2017). Characterization of intermetallic compound at the interfaces of Al-steel resistance spot welds. Journal of Materials Processing Technology, vol. 242, p. 12-23. DOI: 10.1016/j.jmatprotec.2016.11.017

[46] ZHANG, Y., SHAN, H., LI, Y., GUO, J., LUO, Z., MA, C. Y. (2017). Joining aluminum alloy 5052 sheets via novel hybrid resistance spot clinching process. Materials & Design, vol. 118, p. 36-43. DOI: 10.1016/j.matdes.2017.01.017

[47] POURANVARI, M. (2017). Fracture toughness of martensitic stainless steel resistance spot welds. Materials Science and Engineering: A, vol. 680, p. 97-107. DOI: 10.1016/j.msea.2016.10.088

[48] WAN, X., WANG, Y., ZHAO, D., HUANG, Y., YIN, Z. (2016). Weld quality monitoring research in small scale resistance spot welding by dynamic resistance and neural network. Measurement, vol. 99, p. 120-127.

[49] IGHODARO, O. L., BIRO, E., ZHOU, Y. N. (2016). Comparative effects of Al-Si and galvannealed coatings on the properties of resistance spot welded hot stamping steel joints. Journal of Materials Processing Technology, vol. 236, p. 64-72. DOI: 10.1016/j.jmatprotec.2016.03.021

[50] FAN, Q., XU, G., GU, X. (2016). Expulsion characterization of stainless steel resistance spot welding based on dynamic resistance signal. Journal of Materials Processing Technology, vol. 236, p. 235-240. DOI: 10.1016/j.jmatprotec. 2016.05.026

[51] SUN, M., NIKNEJAD, S. T., ZHANG, G., LEE, M. K., WU, L., ZHOU, Y. (2015). Microstructure and mechanical properties of resistance spot welded AZ31/AA5754 using a nickel interlayer. Materials & Design, vol.87, p. 905-913. DOI: 10.1016/j.matdes.2015.08.097

[52] SHAFEE, S., NAIK, B. B., SAMMAIAH, K. (2015). Resistance spot weld quality characteristics improvement by Taguchi method. Materials Today: Proceedings, vol. 2, no.4-5, p. 2595-2604. DOI: 10.1016/j.matpr.2015.07.215

[53] MOOS, S., VEZZETTI, E. (2015). Resistance spot welding process simulation for variational analysis on compliant assemblies. Journal of Manufacturing Systems, vol. 37, p. 44-71. DOI: 10.1016/j.jmsy.2015.09.006

[54] WANG, J., WANG, H. P., LU, F., CARLSON, B. E., SIGLER, D. R. (2015). Analysis of Al-steel resistance spot welding process by developing a fully coupled multi-physics simulation model. International Journal of Heat and Mass Transfer, vol. 89, p. 1061-1072. DOI: 10.1016/j.ijheatmasstransfer.2015.05.086

[55] ALIZADEH-SH, M., MARASHI, S. P. H., POURANVARI, M. (2014). Resistance spot welding of AISI 430 ferritic stainless steel: phase transformations and mechanical properties. Materials & Design, vol. 56, p. 258-263. DOI: 10.1016/j.matdes.2013.11.022

[56] LUO, Y., LI, J., WU, W. (2013). Characterization of nugget nucleation quality based on the structure-borne acoustic emission signals detected during resistance spot welding process. Measurement, vol. 46, no. 3, p. 1053-1060. DOI: 10.1016/j.measurement.2012.11.016

[57] FLOREA, R. S., BAMMANN, D. J., YELDELL, A., SOLANKI, K. N., HAMMI, Y. (2013). Welding parameters influence on fatigue life and microstructure in resistance spot welding of 6061-T6 aluminum alloy. Materials & Design, vol. 45, p. 456-465. DOI: 10.1016/j.matdes.2012.08.053

[58] ZHOU, M., ZHANG, H., HU, S. J. (2003). Relationships between quality and attributes of spot welds. Welding Journal - New York, vol. 82, no. 4, p. 72-S.

[59] DARWISH, S. M., AL-DEKHIAL, S. D. (1999). Micro-hardness of spot welded (BS 1050) commercial aluminium as correlated with welding variables and strength attributes. Journal of materials processing technology, vol. 91, no. 1, p. 43-51. DOI: 10.1016/S0924-0136(98)00414-2

[60] SHIAU, Y. R. (2000). Decision support for off-line gage evaluation and improving on-line gage usage. Journal of Manufacturing Systems, vol. 19, no. 5, p. 318-331. DOI: 10.1016/S0278-6125(01)89004-X

[61] MONTGOMERY, D. C. (2012). Statistical Quality Control, 7 ed. John Wiley and Sons, Inc., New York.

[62] WHITE, T. K., BORROR, C. M. (2011). Two-dimensional guidelines for measurement system indices. Quality and Reliability Engineering International, vol. 27, no. 4, p. 479-487. DOI: 10.1002/qre.1144

[63] DE MAST, J., VAN WIERINGEN, W. (2004). Measurement system analysis for bounded ordinal data. Quality and Reliability Engineering International, vol. 20, no. 5, p. 383-395. DOI: 10.1002/qre.653

[64] HE, S. G., WANG, G. A., COOK, D. F. (2011). Multivariate measurement system analysis in multisite testing: An online technique using principal component analysis. Expert Systems with Applications, vol. 38, no. 12, p. 14602-14608. DOI: 10.1016/j.eswa.2011.05.022

[65] DELDOSSI, L., ZAPPA, D. (2011). Measurement uncertainty with nested mixed effect models. Quality and Reliability Engineering International, vol. 27, no. 5, p. 673-679. DOI: 10.1002/qre.1235

[66] GONG, L., BURDICK, R. K., QUIROZ, J. (2005). Confidence Intervals for Unbalanced Two-factor Gauge R&R Studies. Quality and Reliability Engineering International, vol. 21, no. 8, p. 727-741. DOI: 10.1002/qre.682

[67] AWS/SAE (2002). Recommended Practices for Test Methods for Evaluating the Resistance Spot Welding Behavior of Automotive Sheet Steel Materials. Florida: American Welding Society.

[68] ALMEIDA, F. A., GOMES, G. F., PAULA, V. R., CORRÊA, J. E., PAIVA, A. P., GOMES, J. H. F., TURRIONI, J. B. (2018). A Weighted Mean Square Error Aproach to the Robust Optimization of the Surface Roughness in an AISI 12L14 Free-Machining Steel-Turning Process. Strojniški vestnik - Journal of Mechanical Engineering, vol. 64, no. 3, p. 147-156. DOI: 10.5545/sv-jme.2017.4901.